

# Brevet Groupe Ouest 2003

---

<http://melusine.eu.org/syracuse/poulecl>

## 1 Partie numérique

### 1.1 Exercice 1

1. Ecrire sous la forme  $a\sqrt{5}$  avec  $a$  entier :

$$A = 3\sqrt{20} + \sqrt{45} \quad B = \sqrt{180} - 3\sqrt{5}.$$

2. En utilisant les résultats de la question précédente, démontrer que  $A \times B$  et  $\frac{A}{B}$  sont des nombres entiers.

### 1.2 Exercice 2

1. Effectuer le calcul ci-dessous et donner le résultat sous forme de fraction irréductible :

$$1 - \left( \frac{1}{4} + \frac{3}{4} \times \frac{4}{5} \right).$$

2. Un propriétaire terrien a vendu le quart de sa propriété en 2001 et les quatre cinquième du **reste** en 2002.
  - (a) Quelle fraction de la propriété a été vendue en 2002 ?
  - (b) Quelle fraction de la propriété reste invendue à l'issue des deux années ?
  - (c) Quelle était la superficie de la propriété sachant que la partie invendue au bout des deux années représente six hectares ?

### 1.3 Exercice 3

On considère l'expression :  $E = (2x + 1)^2 - 4$ .

1. Développer et réduire  $E$ .
2. Factoriser l'expression  $E$  sous forme d'un produit de facteurs du premier degré.
3. Résoudre l'équation  $(2x + 3)(2x - 1) = 0$ .
4. Calculer  $E$  lorsque  $x$  vaut  $-\frac{3}{2}$ , puis lorsque  $x$  vaut 0.

## 1.4 Exercice 4

Un commerçant augmente les prix de tous ses articles de 8%.

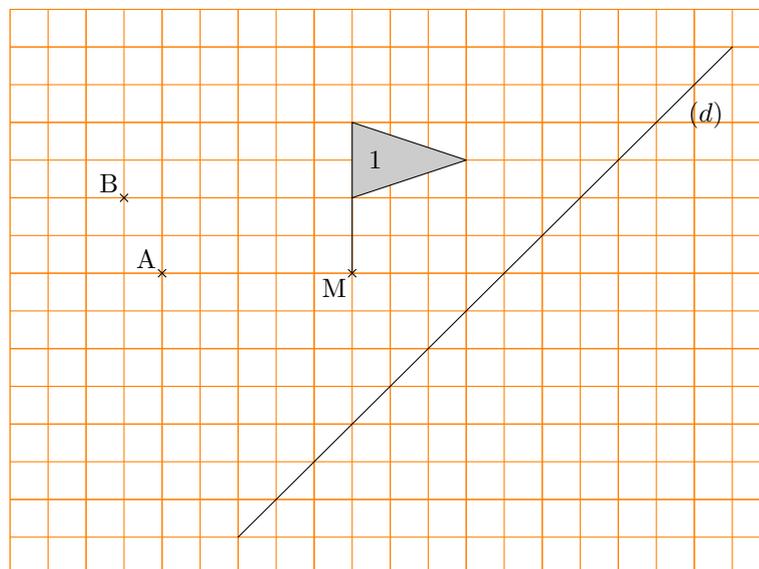
Un objet coûte  $x$  €.

1. Exprimer  $y$  en fonction de  $x$ .
2. Un lecteur DVD coûte, avant augmentation, 329€. Combien coûtera-t-il après ?
3. Un téléviseur coûte, après augmentation, 540€. Combien coûtait-il avant ?

## 2 Partie géométrique

### 2.1 Exercice 1

Sur un quadrillage constitué de carrés, on a placé une droite  $(d)$ , trois points (nommés  $A, B$  et  $M$ ), une figure qui est en forme de fanion et est numérotée 1.



1. (a) Construire l'image de la figure 1 par la symétrie d'axe  $(d)$  ; numéroter 2 la figure obtenue.  
(b) Construire l'image de la figure 1 par la rotation de centre  $M$  et d'angle  $90^\circ$  dans le sens des aiguilles d'une montre ; numéroter 3 la figure obtenue.  
(c) Construire l'image de la figure 1 par la symétrie de centre  $A$  ; numéroter 4 la figure obtenue.  
(d) Construire l'image de la figure 4 par la symétrie de centre  $B$  ; numéroter 5 la figure obtenue.
2. Par quelle transformation géométrique peut-on passer directement de la figure 1 à la figure 5 ? Préciser l'élément caractéristique de cette transformation.

### 2.2 Exercice 2

$$A(-2; 1) \quad B(-1; 3) \quad C(5; 0)$$

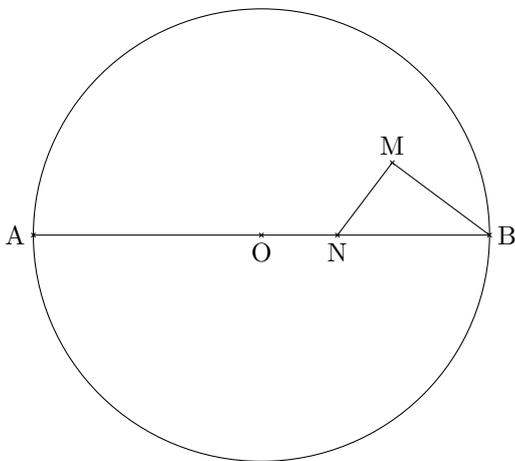
1. Placer ces points dans le repère  $(O, I, J)$ .
2. Démontrer que la valeur exacte de  $AB$  est  $\sqrt{5}$ .
3. On admet dans la suite de l'exercice que :

$$AC = 5\sqrt{2} \text{ et } BC = 3\sqrt{5}$$

Démontrer que le triangle  $ABC$  est rectangle en  $B$ .

4. On appelle  $K$  le milieu de  $[AC]$ . Calculer les coordonnées de  $K$ .
5. On appelle  $D$  le point tel que le quadrilatère  $ABCD$  est un rectangle. Placer  $D$  dans le repère, puis calculer ses coordonnées.

### 3 Problème



On donne :

- un cercle  $(\mathcal{C})$  de centre  $O$  et de rayon  $6 \text{ cm}$  ;
- un diamètre  $[AB]$  de ce cercle  $(\mathcal{C})$  ;
- le point  $N$  du segment  $[OB]$  tel que  $BN = 4 \text{ cm}$  ;
- le point  $M$  situé à  $3,2 \text{ cm}$  de  $B$  et tel que le triangle  $BMN$  est rectangle en  $M$ .

1. (a) Calculer la longueur du segment  $[MN]$ .  
(b) Calculer la mesure de l'angle  $\widehat{MBN}$  (arrondir à un degré près). La droite  $(BM)$  recoupe le cercle  $(\mathcal{C})$  en  $P$ .
2. (a) Démontrer que le triangle  $BPA$  est rectangle en  $P$ .  
(b) En déduire que les droites  $(PA)$  et  $(MN)$  sont parallèles.
3. On sait maintenant que le triangle  $BPA$  est un agrandissement du triangle  $BMN$ .  
(a) Calculer le coefficient d'agrandissement.  
(b) Calculer  $BP$ .  
(c) Calculer l'aire du triangle  $BMN$  et en déduire l'aire du triangle  $BPA$ .
4. Soit  $E$  le milieu de  $[BN]$ .  
Démontrer que les droites  $(PO)$  et  $(ME)$  sont parallèles.
5. La droite  $(PO)$  recoupe le cercle  $(\mathcal{C})$  en  $K$  et la droite  $(PN)$  coupe la droite  $(BK)$  en  $I$ .  
On sait que lorsqu'un point appartient à une médiane et est situé aux deux tiers de cette médiane en partant du sommet, alors ce point est le centre de gravité du triangle.  
Ecrire le rapport  $\frac{BN}{BO}$  sous forme d'une fraction irréductible, puis démontrer que  $I$  est le milieu du segment  $[BK]$ .