Correction Egalités et Equations

Exercice 1 Tester les égalités suivantes

1°) Tester les égalités suivantes pour x=4, x=1 et x=2,5:

$$7x - 5 = 31 - 2x$$

$$6(x - 2) = 3x - 9$$

$$\frac{x + 3}{2} = x + \frac{1}{4}$$

• Pour x = 4 on a:

$$7 \times 4 - 5 = 28 - 5 = 23$$

$$31 - 2 \times 4 = 31 - 8 = 23$$

$$6(4 - 2) = 6 \times 2 = 12$$

$$3 \times 4 - 9 = 12 - 9 = 3$$

$$4 + \frac{3}{2} = \frac{7}{2} = 3, 5$$

$$4 + \frac{1}{4} = 4 + 0, 25 = 4, 25$$

Donc x = 4 vérifie l'égalité. Donc x = 4 ne vérifie pas l'égalité. Donc x = 4 ne vérifie pas l'égalité.

• Pour x = 1 on a:

$$7 \times 1 - 5 = 7 - 5 = 2$$
 $6(1 - 2) = 6 \times (-1) = -6$ $\frac{1 + 3}{2} = \frac{4}{2} = 2$ $31 - 2 \times 1 = 31 - 2 = 29$ $3 \times 1 - 9 = 3 - 9 = -6$ $1 + \frac{1}{4} = 1 + 0, 25 = 1, 25$

Donc x = 1 ne vérifie pas l'égalité. Donc x = 1 vérifie l'égalité. Donc x = 1 ne vérifie pas l'égalité.

• Pour x = 2, 5 on a:

$$7 \times 2, 5 - 5 = 17, 5 - 5 = 12, 5 \qquad 6(2, 5 - 2) = 6 \times 0, 5 = 3 \qquad \frac{2, 5 + 3}{2} = \frac{5, 5}{2} = 2, 75$$

$$31 - 2 \times 2, 5 = 31 - 5 = 26 \qquad 3 \times 2, 5 - 9 = 7, 5 - 9 = -1, 5 \qquad 2, 5 + \frac{1}{4} = 2, 5 + 0, 25 = 2, 75$$
 Donc $x = 2, 5$ ne vérifie pas l'égalité. Donc $x = 2, 5$ vérifie l'égalité.

Donc x = 2,5 ne vérifie pas l'égalité.

Donc x = 2,5 ne vérifie pas l'égalité.

2°) Tester les égalités suivantes pour x = 1 et y = 2, 5:

$$\frac{4x-18}{7} = 2y+2 \qquad x \times x+1 = y-4 \qquad 2x+y = 40-2x \\ \frac{4 \times 1-18}{7} = \frac{4-18}{7} = \frac{-14}{7} = -2 \qquad 1 \times 1+1 = 1+1 = 2 \qquad 2 \times 1+2, 5 = 2+2, 5 = 4, 5 \\ 2 \times 2, 5+2 = 5+2 = 7 \qquad 2, 5-4 = -1, 5 \qquad 40-2 \times 2, 5 = 40-5 = 35 \\ \text{Donc l'égalité n'est pas vérifiée.} \qquad \text{Donc l'égalité n'est pas vérifiée.}$$

3°) Déterminer pour chacune des valeurs proposées si elle est solution de l'équation indiquée.

- (a) 10 + 4a = 24 + 2a Valeurs: a = 6; a = 7; a = 8 et a = 9 $10 + 4 \times 6 = 34$ $10 + 4 \times 7 = 38$ $10 + 4 \times 8 = 42$ $10 + 4 \times 9 = 46$ $24 + 2 \times 6 = 36$ $24 + 2 \times 7 = 38$ $24 + 2 \times 8 = 40$ $24 + 2 \times 9 = 42$ x = 6 ne vérifie pas x = 7 vérifie l'égalité. x = 8 ne vérifie pas x = 8 ne vérifie pas l'égalité. l'égalité. l'égalité.
- (b) 10b + 60 = 100b + 24 Valeurs: b = 0, 4; b = 0, 5; b = 0, 6 et b = 0, 7 $10 \times 0, 4 + 60 = 64$ $10 \times 0, 5 + 60 = 65$ $10 \times 0, 6 + 60 = 66$ $10 \times 0, 7 + 60 = 67$ $100 \times 0, 7 + 24 = 94$ $100 \times 0, 4 + 24 = 64$ $100 \times 0, 5 + 24 = 74$ $100 \times 0, 6 + 24 = 84$ x = 0,4 vérifie l'égalité. x = 0,5 ne vérifie pas x = 0.6 ne vérifie pas x = 0,7 ne vérifie pas l'égalité. l'égalité. l'égalité.
- (c) 15-3t=48-8t Valeurs: t=6,5; t=6,6; t=6,7 et t=6,8 $15 - 3 \times 6, 5 = -4, 5$ $15 - 3 \times 6, 6 = -4, 8$ $15 - 3 \times 6, 7 = -5, 1$ $15 - 3 \times 6, 8 = -5, 4$ $48 - 8 \times 6, 5 = -4$ $48 - 8 \times 6, 7 = -5, 6$ $48 - 8 \times 6, 8 = -6, 4$ $48 - 8 \times 6, 6 = -4, 8$ x = 6,5 ne vérifie pas x = 6,6 vérifie l'égalité. x = 6,7 ne vérifie pas x = 6.8 ne vérifie pas l'égalité. l'égalité. l'égalité.

Exercice 2

RÉSOUDRE DES ÉQUATIONS

Résoudre les équations suivantes :

1°)
$$x-2=13$$
 donc $x=13+2=15$

2°)
$$6 + x = 50 \text{ donc } x = 50 - 6 = 44$$

3°)
$$5x-6 = 14 \rightarrow 5x = 14+6 = 20 \text{ donc } x = 20 \div 5 = 4$$

4°)
$$4x - 5, 4 = 34, 6 \rightarrow 4x = 34, 6 + 5, 4 = 40$$
 donc $x = 40 \div 4 = 10$

5°)
$$12 - x = 8$$
 donc $x = 12 - 8 = 4$

6°)
$$14 = 6 - x \text{ donc } x = 6 - 14 = -8$$

7°)
$$87 - 4x = 67 \rightarrow -4x = 67 - 87 = -20$$
 donc $x = 20 \div 4 = 5$

1°)
$$5x = 45 \text{ donc } x = 45 \div 5 = 9$$

2°)
$$60 = 4x \text{ donc } x = 60 \div 4 = 15$$

3°)
$$x \div 5 = 14 \text{ donc } x = 14 \times 5 = 70$$

4°)
$$2x \div 4 = 34 \rightarrow 2x = 34 \times 4 = 136 \text{ donc } x = 136 \div 2 = 68$$

5°)
$$24 \div x = 8 \text{ donc } x = 24 \div 8 = 3$$

6°)
$$88 \div x = 11 \text{ donc } x = 88 \div 11 = 8$$

7°)
$$-42 \div x = -7 \text{ donc } x = 42 \div 7 = 6$$

Exercice 3

Autres équations

Résoudre les équations suivantes :

$$x-2+3x+7=13 \Rightarrow x+3x-2+7=13$$
 donc $4x+5=13$ c'est à dire $4x=13-5=8$ donc $x=8 \div 4=2$ $6+x-4=5+20 \Rightarrow x+6-4=20+5$ donc $x+2=25$ c'est à dire $x=25-2=23$

$$5 + x - 3x - 6 = 1 - 4 \Rightarrow 5 - 6 + x - 3x = 1 - 4 \text{ donc } -1 - 2x = -3 \text{ soit } -1 + 3 = 2x \text{ soit } 2 = 2x \text{ donc } x = 2 \div 2 = 1$$

$$x - x - x - x + x - 4 = 36 \Rightarrow x + x - x - x - x - 4 = 36$$
 donc $2x - 3x - 4 = 36$ c'est à dire $-x - 4 = 36$ soit $-x = 36 + 4 = 40$ donc $x = -40$

$$12 \times 2 \times x = 8 \rightarrow 24 \times x = 8 \text{ donc } x = 8 \div 24 = \frac{1}{3} \text{ donc } x = 0,333$$

$$36 = 6 \times x \times 3 \rightarrow 36 = 6 \times 3 \times x \text{ donc } 36 = 18 \times x \text{ donc } x = 36 \div 18 = 2$$

$$8 \times 4 \div x = 128 \div 2 \rightarrow 32 \div x = 64 \text{ donc } 32 = x \times 64 \text{ donc } x = 32 \div 64 \text{ c'est à dire } x = \frac{1}{2}$$

$$14 \div 7 = 6 \div 3 \div x \rightarrow 2 = 2 \div x \text{ donc } x = 2 \div 2 = 1$$