

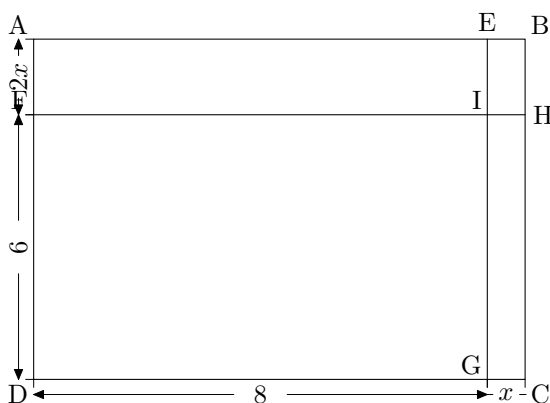
1 Partie numérique

1.1 Exercice 1

$$A = \frac{12}{15} - \frac{8}{15} \div \frac{16}{9} \quad B = (3\sqrt{2} - 4)(3\sqrt{2} + 4)$$

Calculer les nombres A et B et vérifier qu'ils sont inverses l'un de l'autre.

1.2 Exercice 2



L'unité de longueur est le centimètre.

Sur la figure ci-contre, $ABCD$ est un rectangle ; E est le point du segment $[AB]$ tel que $AE = 8$; F est le point du segment $[AD]$ tel que $DF = 6$.

On pose $EB = x$ (x est un nombre positif) et on donne $AF = 2x$.

La parallèle au côté $[AD]$ passant par E coupe le côté $[CD]$ en G . La parallèle au côté $[AB]$ passant par F coupe le côté $[BC]$ en H . Les droites (EG) et (FH) se coupent en I .

1. Pour quelle valeur de x le rectangle $ABCD$ est-il un carré ?
2. Pour quelle valeur de x les rectangles $DFIG$ et $IEBH$ ont-ils même aire ?

1.3 Exercice 3

A l'entrée d'une ville, un panneau lumineux (tableau ci-dessous) donne la capacité des quatre parcs de stationnement payant de la ville et le nombre de places disponibles pour chacun d'eux

	Capacité	Places disponibles
P_1	500	125
P_2	850	136
P_3	340	102
P_4	310	124

1. Vérifier que le parc P_1 a un taux d'occupation de 75 %.
2. Classer ces quatre parcs de stationnement dans l'ordre décroissant de leurs taux d'occupation.

2 Partie géométrique

2.1 Exercice 1

Le plan est rapporté à un repère orthonormal. L'unité graphique est le centimètre.

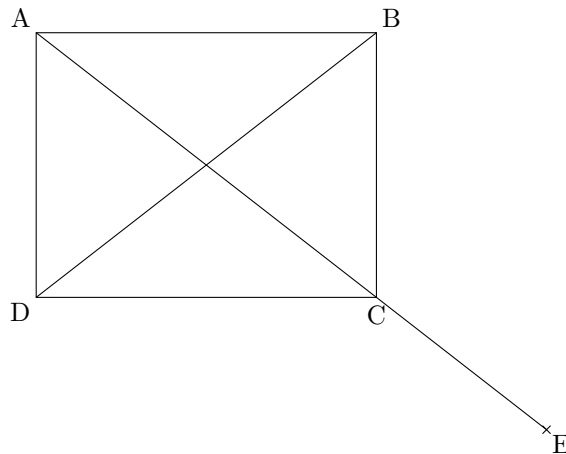
On considère les points $A(2; -4)$ et $B(-2; 8)$.

Faire une figure que l'on complétera au fur et à mesure de l'exercice.

1. Démontrer que la droite (AB) a pour équation $y = -3x + 2$.
2. On considère la droite (d) d'équation $y = \frac{1}{3}x + 2$. Construire la droite (d) .
Les droites (d) et (AB) sont-elles perpendiculaires? Justifier la réponse.
3. Calculer les coordonnées du point R , point d'intersection des droites (d) et (AB) et démontrer que R est le milieu du segment $[AB]$.
4. Que représente la droite (d) pour le segment $[AB]$? Justifier la réponse.

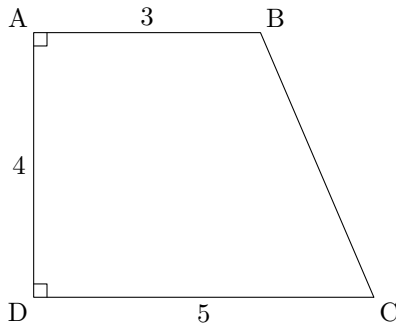
2.2 Exercice 2

La figure ci-après, que l'on ne demande pas de reproduire, représente un rectangle $ABCD$ de centre O et le point E symétrique de O par rapport à C .



1. On considère la rotation de centre O qui transforme B en C .
Quelle est l'image de D par cette rotation? (On ne demande pas de justifier.)
2. Parmi les affirmations suivantes, recopier celles qui sont vraies (on ne demande pas de justification).
 - (a) $\overrightarrow{OA} = \overrightarrow{OC}$
 - (b) $\overrightarrow{OC} = \overrightarrow{OE}$
 - (c) $OA = CE$
 - (d) $\overrightarrow{BE} = \overrightarrow{BO} + \overrightarrow{OE}$
 - (e) $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{BC}$
 - (f) $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC}$
 - (g) D est l'image de C par la translation de vecteur \overrightarrow{AB}
3. On considère le point F tel que $\overrightarrow{OF} = \overrightarrow{BE}$. Démontrer que C est le milieu du segment $[BF]$.

3 Problème



L'unité de longueur est le centimètre. La figure ci-contre représente un trapèze rectangle $ABCD$.

On donne $AB = 3$, $AD = 4$, $CD = 5$. Les droites (AB) et (CD) sont parallèles. Les droites (AC) et (BD) se coupent en O .

Première partie

1. Reproduire la figure en vraie grandeur.

On pourra commencer la construction au centre d'une feuille de papier millimétré et la compléter au fur et à mesure du problème.

2. Démontrer que le triangle BCD est isocèle.
3. Montrer que l'aire en centimètres carrés du trapèze $ABCD$ est égale à 16.
4. Montrer que $\frac{OA}{OC} = \frac{OB}{OD}$.
5. Les droites (AD) et (BC) se coupent en S . Placer le point S .

Démontrer que les angles \widehat{CBD} et \widehat{ABS} ont même mesure.

Deuxième partie

1. (a) En posant $SA = x$, démontrer que

$$\frac{x}{x+4} = \frac{3}{5}$$

(b) En déduire la distance SA .

2. Déterminer la valeur arrondie à un degré près de la mesure de l'angle \widehat{ASB} .
3. Construire le point B' , symétrique du point B par rapport à la droite (AD) .
Construire le point S' , image du point B' par la translation de vecteur \overrightarrow{BA} .
4. Tracer le segment $[S'D]$.

On considère maintenant la figure comme une partie d'un patron de la pyramide de base $ABCD$, de sommet S et de hauteur $[SA]$.

Terminer le patron de cette pyramide en prenant soin de coder sur la figure les segments de même longueur.

5. Calculer le volume de cette pyramide.