

Brevet Centres étrangers 2002

<http://melusine.eu.org/syracuse/poulecl>

1 Partie numérique

1.1 Exercice 1

On considère les nombres suivants : $A = \frac{14}{45} \times \frac{27}{49}$; $B = \left(\frac{2}{3} - \frac{3}{2}\right) \div \frac{7}{11}$; $C = 3 - 5 \times \frac{1}{10} + 4 \times \frac{1}{100}$;

$$D = \frac{18 \times 10^7}{0,9 \times 10^4}; \quad E = \sqrt{12} + 4\sqrt{75}.$$

En précisant les différentes étapes du calcul :

1. Ecrire A et B sous la forme de fractions irréductibles.
2. Ecrire C sous forme décimale.
3. Ecrire D sous la forme $a \times 10^n$ où a est un entier compris entre 1 et 9 et n un entier relatif.
4. Ecrire E sous la forme $b\sqrt{3}$ où b est un entier relatif.

1.2 Exercice 2

Recopier et compléter pour que chaque égalité soit vraie pour toutes les valeurs de x :

$$(x + \dots)^2 = \dots + 6x + \dots$$

$$(\dots - \dots)^2 = 4x^2 \dots \dots + 25$$

$$\dots - 64 = (7x - \dots)(\dots + \dots)$$

1.3 Exercice 3

Un examen comporte les deux épreuves suivantes :

- une épreuve orale (coefficient 4) ;
- une épreuve écrite (coefficient 6).

Chacune des épreuves est notée de 0 à 20.

Un candidat, pour être reçu à l'examen, doit obtenir au minimum 10 de moyenne.

Le calcul de la moyenne m est donnée par la formule suivante

$$m = \frac{4x + 6y}{10}$$

où x est la note obtenue à l'oral et y la note obtenue à l'écrit.

1. Caroline qui a obtenu 13 à l'oral et 7 à l'écrit sera-t-elle reçue à l'examen? Justifier.
2. Etienne a obtenu 7 à l'oral.
 - (a) Quelle note doit avoir Etienne à l'écrit pour obtenir exactement 10 de moyenne? Justifier.
 - (b) Les parents d'Etienne lui ont promis un ordinateur s'il obtenait à son examen une moyenne supérieure ou égale à 13.
Quelle note minimale doit-il obtenir à l'écrit pour avoir son ordinateur?

2 Partie géométrique

2.1 Exercice 1

L'unité de longueur est le centimètre.

1. (a) Tracer un triangle ABC rectangle en A tel que : $AB = 3$ et $AC = 9$.
Sur le segment $[AC]$, placer le point I tel que $CI = 5$.
 - (b) Calculer la valeur exacte de la longueur BC , puis sa valeur arrondie au millimètre près.
2. La droite qui passe par I et qui est parallèle à la droite (AB) coupe la droite (BC) en E .
En précisant la méthode utilisée, calculer la valeur exacte de la longueur EI .
3. Calculer la valeur exacte de la tangente de l'angle \widehat{ACB} , puis en déduire la valeur arrondie au degré près de la mesure de l'angle \widehat{ACB} .

2.2 Exercice 2

L'unité de longueur est le centimètre.

Le plan est muni d'un repère orthonormé $(O; I, J)$.

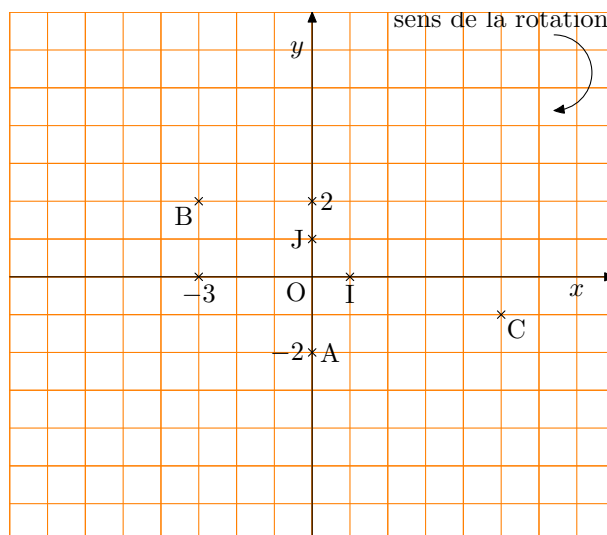
Dans le repère, représenté ci-après, on a placé les points :

$A(0; -2)$, $B(-3; 2)$ et C .

Toutes les lectures sur le repère seront justifiées par des tracés en pointillé.

1. Lire les coordonnées du point C .
2. Lire les coordonnées du vecteur \overrightarrow{AB} .
3. Calculer la distance AB .
4. (a) Placer le point D , image du point C par la translation qui transforme A en B .
 - (b) Quelle est la nature du quadrilatère $ABDC$?

5. Placer le point E , image de B par la symétrie de centre O .
6. Placer le point F , image de C par la symétrie d'axe (Ox) .
7. Placer le point G , image de A par la rotation de centre O et d'angle 90° dans le sens des aiguilles d'une montre.



3 Problème

Toutes les lectures sur le graphique doivent être justifiées par des tracés en pointillé.

Partie A

Nicolas désire louer des cassettes vidéo chez VIDEOMATHS qui lui propose les deux possibilités suivantes pour une location à la journée :

Option A : Tarif à 3€ par cassette louée.

Option B : une carte d'abonnement de 15€ pour 6 mois avec un tarif de 1,5€ par cassette louée.

1. (a) Reproduire et compléter le tableau suivant :

Nombre de cassette louée en 6 mois	4	8	10	12
Prix payé en euros avec l'option A				
Prix payé en euros avec l'option B				

- (b) Préciser dans chaque cas l'option la plus avantageuse.
2. On appelle x le nombre de cassettes louées par Nicolas pendant 6 mois.
 - (a) Exprimer en fonction de x la somme $A(x)$ payée avec l'option A.
 - (b) Exprimer en fonction de x la somme $B(x)$ payée avec l'option B.

Partie B

On considère les fonctions définies par : $f(x) = 3x$ et $g(x) = 1,5x + 15$.

Dans toute la suite du problème, on admettra que la fonction f est associée à l'option A et que la fonction g est associée à l'option B.

1. Construire, dans un repère (O, I, J) orthogonal les représentations graphiques des fonctions f et g ; on placera l'origine en bas à gauche.
En abscisse, $1cm$ représente 1 cassette ; en ordonnée $1cm$ représente 2€ .
2. Les représentations graphiques de f et g se coupent en E .
 - (a) Lire sur le graphique les coordonnées de E .
 - (b) Que représente les coordonnées de E pour les options A et B ?
3. Lire sur le graphique, la somme dépensée par Nicolas avec l'option A s'il loue 11 cassettes.
4. Nicolas dispose de 24€ . Lire sur le graphique, le nombre de cassettes qu'il peut louer en 6 mois avec l'option B.
5. Déterminer par le calcul à partir de quelle valeur de x l'option B est plus avantageuse que l'option A pour 6 mois.

Partie C

Nicolas ne veut dépenser que 36€ en 6 mois pour louer des cassettes.

1. Lire sur le graphique de la **partie B** le nombre maximum de cassettes qu'il peut louer chez VIDEOMATHS avec chaque option, avec 36€ en 6 mois.
2. Il se renseigne auprès de la société CINEMATHS qui lui propose un abonnement de $7,5\text{€}$ pour 6 mois permettant de louer chaque cassette à la journée pour $2,5\text{€}$.

L'objectif de cette partie est de déterminer parmi les trois tarifs, l'offre la plus avantageuse pour Nicolas.

Soit x le nombre de cassettes louées par Nicolas en 6 mois.

- (a) Montrer que le prix payé par Nicolas chez CINEMATHS est donné par l'expression

$$h(x) = 2,5x + 7,5$$

- (b) Calculer le nombre maximum de cassettes que Nicolas peut louer en 6 mois avec 36€ chez CINEMATHS.
- (c) En déduire l'offre la plus avantageuse pour Nicolas.